



Budapest University of Technology and Economics

A kriptográfia története tömören – a szkütalétól az SSL-ig

Dr. Buttyán Levente

Laboratory of Cryptography and System Security (CrySys)
Department of Telecommunications
Budapest University of Technology and Economics
buttyan@crysys.hu

www.crysys.hu

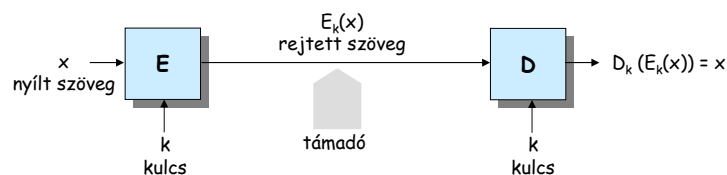
A kommunikáció biztonsága

- főbb biztonsági követelmények
 - adatok titkossága
 - adatok integritásának védelme
 - adatok hitelességének biztosítása
 - üzenet küldésének és vételének letagadhatatlansága
 - a rendszer erőforrásaihoz való hozzáférés korlátozása
- a biztonság három pillére
 - fizikai védelem
 - algoritmikus védelem
 - humán oldal (rendszabályok, nevelés, stb.)
- a kriptográfia az algoritmikus védelem elmélete

A kriptográfia története

- a 20. század második feléig a kriptográfiát kizárólag katonai és diplomáciai alkalmazásokban használták
 - kriptográfia = titkosítás, rejtjelezés
- a 20. század második felétől a kriptográfia megjelent az üzleti életben (elsősorban banki alkalmazásokban)
 - a titkosság mellett fontossá vált az integritásvédelem, a hitelesítés, a letagadhatatlanság, stb.
- a 20. század végétől a kriptográfia a mindennapi élet részévé vált
 - SSL (Secure Socket Layer) - Web tranzakciók biztonsága
 - GSM biztonsági architektúra - mobiltelefon-hálózat biztonsága

A (szimmetrikus) rejtjelezés klasszikus modellje



- a támadó célja
 - a rejtett szövegek szisztematikus megfejtése
 - a kulcs megfejtése
- a Kerkchoff-elv
 - a támadó pontosan ismeri a kódoló és a dekódoló transzformáció működését
 - a támadó nem ismeri a kulcsot

Történelmi példák

- „már az ókori görögök is ...” - a spártaiak szkütaléja
- „veni, vidi, vici” - Julius Caesar rejtjelezője
- a „feltörhetetlen” sifre - Vigenère kód
- a rejtjelezés gépesítése - az Enigma

A szkütalé

- i.e. 400 körül használták a spártaiak
- az üzenet betűinek átrendezésén alapszik
- kulcs = a rúd átmérője
kulcstér mérete kicsi



Julius Caesar rejtjelezője

- az üzenet betűinek helyettesítésén alapszik
 - minden betűt az ABC-ben hárommal későbbi betűvel helyettesítünk
 - nyílt: A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z
 - kódolt: D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C
- RETURN TO ROME → UHWXUA WR URPH
- kulcs = az eltolás mértéke (Caesar esetén 3)
kulcstér mérete = $26-1 = 25$



Monoalfabetikus helyettesítés

- a Caesar rejtjelező általánosítása
 - kód ABC = nyílt ABC permutációja
 - nyílt: A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z
 - kódolt: T Q L R B W J G F Y N C P E K S D U V I X M Z A H O
- kulcs = az alkalmazott permutáció
kulcstér mérete = $26! \sim 1.56 \cdot 10^{28}$



Nagy számok

a következő jégkorszakig hátralevő idő..... 2^{39} sec
a Nap szupernovává válásáig hátralevő idő..... 2^{55} sec
a Föld kora 2^{55} sec
az Univerzum kora 2^{59} sec

a Földön található atomok száma..... 2^{170}
a Napban található atomok száma 2^{190}
a galaxisunkban található atomok száma..... 2^{223}
az Univerzumban található atomok száma..... 2^{265}
(sötét anyag nélkül)

az Univerzum térfogata 2^{280} cm³

(forrás: Schneier, Applied Cryptography, 2nd ed., Wiley 1996)



Laboratory of Cryptography and System Security
www.crysys.hu

9

A monoalfabetikus helyettesítés feltörése

- minden nyelvnek sajátos betűstatisztikája van
 - egy átlagos szövegben nem minden betű fordul elő azonos valószínűséggel
 - vannak kimagaslóan gyakori betűk
az angolban például:
e - 12.7%
t - 9.1%
 - és kirívóan ritkák
az angolban például:
z - 0.1%
j - 0.2%
- monoalfabetikus helyettesítés esetén a rejtett szöveg megőrzi az eredeti szöveg betűstatisztikáját (!)
 - leggyakrabban előforduló betű nagy valószínűséggel az „e” vagy a „t” kódoltja
 - néhány betű megfejtése után a rejtett szöveg dekódolása általában egyszerű



Laboratory of Cryptography and System Security
www.crysys.hu

10

Polialfabetikus helyettesítés – a Vigenère kód

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
A	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
B	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A
C	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B
D	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C
E	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D
F	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E
G	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F
H	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G
I	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H
J	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I
K	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
L	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
M	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
N	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
O	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
P	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
Q	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
R	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q
S	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R
T	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S
U	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
V	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U
W	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V
X	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W
Y	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X
Z	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y

kódolás:

kulcs: RELAT IONSR ELATI ONSRE LATIO NSREL
 nyílt szöveg: TOBEO RNOTT OBETH ATIST HEQUE STION
 rejtett szöveg: KSMEH ZBBLK SMEMP OGAJX SEJCS FLZSY

dekódolás:

kulcs: RELAT IONSR ELATI ONSRE LATIO NSREL
 rejtett szöveg: KSMEH ZBBLK SMEMP OGAJX SEJCS FLZSY
 nyílt szöveg: TOBEO RNOTT OBETH ATIST HEQUE STION



Laboratory of Cryptography and System Security
 www.crsys.hu

11

Az Enigma

- az első elektromechanikus rejtjelező gép
- Arthur Scherbius szabadalma [1918]
- 1926-ban rendszeresítik a német hadseregben

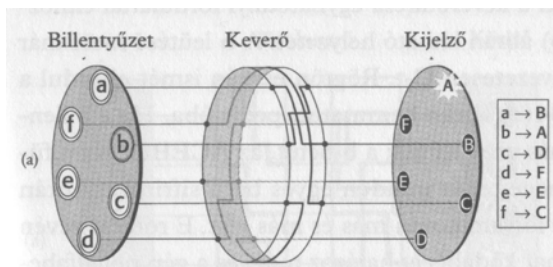


Laboratory of Cryptography and System Security
 www.crsys.hu

12

Az Enigma működési elve

- három fő egység:
 - billentyűzet - nyílt / rejtett szöveg bevitele
 - kijelzőpanel - rejtett / nyílt szöveg kijelzése
 - keverőegység - rejtett szöveg előállítás / nyílt szöveg visszaállítása
- az Enigma lelke a keverőtárcsa (rotor)



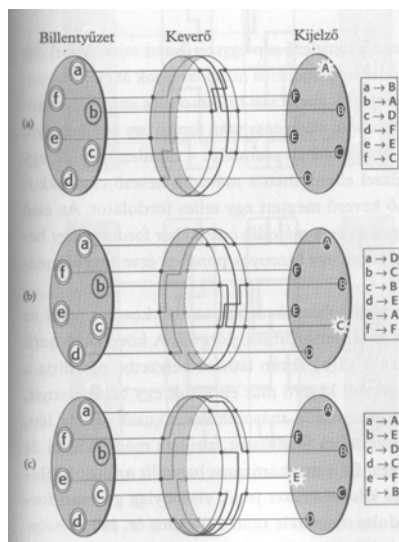
(illusztráció - Simon Singh: Kódkönyv)



Laboratory of Cryptography and System Security
www.crysys.hu

13

Az Enigma működési elve



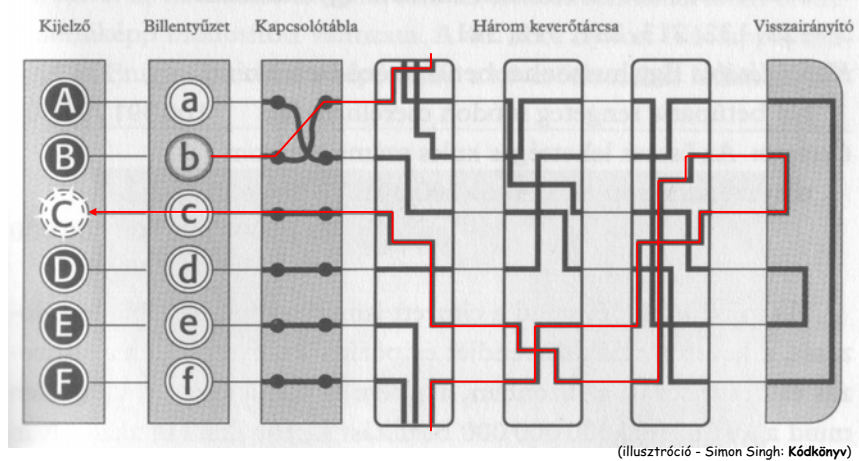
(illusztráció - Simon Singh: Kódkönyv)



Laboratory of Cryptography and System Security
www.crysys.hu

14

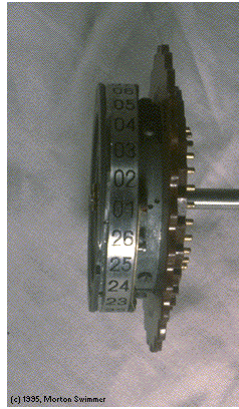
Az Enigma működési elve



Enigma - a billentyűzet és a kijelzőpanel



Enigma - a keverőtárcsák



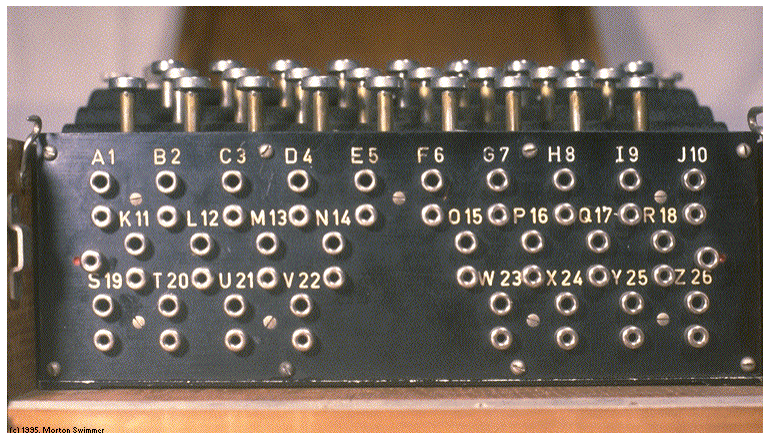
(c) 1935, Morton Swimmer



Laboratory of Cryptography and System Security
www.crysys.hu

17

Enigma - a kapcsolótábla



(c) 1935, Morton Swimmer



Laboratory of Cryptography and System Security
www.crysys.hu

18

Az Enigma használata

- alapbeállítás
 - kapcsolótábla beállítása (pl: A/L - P/R - T/D - B/W - K/F - O/Y)
 - keverőtárcsák sorrendje (pl: II - III - I)
 - keverőtárcsák beállítása (pl: Q - C - W)

(a kulcstér mérete = $100391791500 \times 6 \times 26^3 \sim 10^{16} \sim 2^{53}$)

- nyílt szöveg bevitele a billentyűzeten
- rejtett szöveg leolvasása a kijelző panelről

Az Enigma feltörése

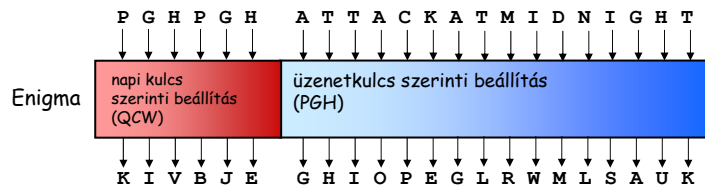


Marian Rejewski
lengyel matematikus

- Hans-Thilo Schmidt német kém 10 ezer márkáért eladja a katonai Engima használati útmutatóit a franciáknak [1931. november 8.]
- ezek segítségével a szövetségesek megépítik a katonai Engima mását
- a franciák feltörhetetlennek tartják az Enigmát, s átadják az összes dokumentumot a lengyeleknek
- a lengyel Biuro Szyfrów felvesz húsz fiatal matematikust a poznani egyetemről, majd kiválasztja közülük a három legtehetségesebbet; köztük a 23 éves Marian Rejewskit

Az Enigma feltörése

- a németek nem a napi kulccsal rejtjelezték üzeneteiket
 - ha a napi kulcsot használták volna, akkor több ezer üzenetet kódoltak volna ugyanazzal a kulccsal, és ez növelte volna a napi kulcs megfejtésének esélyét
- helyette minden üzenetet egy egyszeri üzenetkulccsal rejtjeleztek, majd az üzenetkulcsot a napi kulccsal kódolták, és a kódolt kulcsot a rejtjelezett üzenet elé csatolták
 - üzenetkulcs: a kapcsolótábla beállítása és a keverőtárcsák sorrendje megegyezett a napi kulcséval, a keverőtárcsák beállítása véletlen
- valójában az üzenetkulcsot kétszer gépelték be az Enigmába, hogy a kulcs átvitele során keletkező hibákat detektálni tudják
- példa:



Az Enigma feltörése

- Rejewski megérezte, hogy az üzenetkulcs ismétlése a gyenge pont
- egy év alatt kidolgozott egy módszert a napi kulcs megfejtésére
- sőt, gépesítette a kulcs megfejtését
 - egy módosított Enigma folyamatosan változtatta a keverőtárcsák beállítását, míg rá nem akadt a helyes beállításra
 - 6 gép dolgozott párhuzamosan (6 lehetséges keverőtárcsa sorrend)
 - a gépet zakatolása miatt *időzített bombának* hívta
- a lengyelek 1933-tól rutinszerűen fejtették meg a németek üzeneteit

Az Enigma feltörése

- 1938 decemberében a németek fokozzák az Enigma biztonságát
 - 2 új keverőtárcsát rendszeresítettek (6-ról 60-ra ugrott a lehetséges keverőtárcsa sorrendek száma)
 - 6-ról 10-re növelték a betűcserék számát a kapcsolótáblán
 - ezzel $1.59 \cdot 10^{20}$ -ra emelkedett a kulcstér mérete
- Hitler felbontja a Lengyelországgal kötött megnehtámadási szerződést [1939. április 27.]
- a lengyelek felfedik eredményeiket a szövetségeseknek [1939. július 24.]
- a bombák tervrajzát eljuttatják Londonba [1939. augusztus 16.]
- Németország lerohanja Lengyelországot [1939. szeptember 1.]

Az Enigma feltörése



Ridley kapitány vadászata a Bletchley Parkban
[1939. augusztus]

Az Enigma feltörése

- a britek tökéletesítik a bombát, és további leleményes ötletekkel állnak elő
 - cilly-k
 - a német Enigma kezelők a csata hevében gyakran nagyon egyszerű üzenetkulcsokat választottak (pl. QWE, BNM)
 - egy Enigma kezelő rendszeresen barátnője monogramját használta üzenetkulcsnak (C.I.L.)
 - az ilyen gyenge üzenetkulcsokat *cilly*-knek hívták (~silly)
 - keverőtárcsákra vonatkozó megkötések
 - a németek minden nap változtatták a keverőtárcsák sorrendjét
 - egyetlen tárcsa sem maradhatott egy helyen kétszer egymás után
 - pl. I-II-V után nem jöhetett III-II-IV
 - ez az óvintézkedés csökkentette a számba jöhető keverőtárcsa sorrendeket, és így könnyítette a britek dolgát
 - hasonlóképpen, a kapcsolótáblán sem lehetett szomszédos betűket felcserélni

Az Enigma feltörése



Alan Turing
brit matematikus

- Alan Turing csatlakozik a Bletchley parki kriptográfusokhoz [1939. szeptember 4.]
 - bár csak 27 éves, ekkor már híres matematikus, túl van a Turing-gép megalkotásán
- feladata egy új kulcsfejtési eljárás kidolgozása, mely nem használja ki az ismétlődő üzenetkulcsot az üzenet elején
- Turing megoldja a feladatot, módszere az ún. *támpontokra* épül
 - a németek precízek és jól szervezettek
 - üzeneteik szabályos, kiszámítható struktúrájúak
 - egy-egy szó könnyen megsejthető
 - pl. minden este 6-kor időjárásjelentést küldtek, mely jól meghatározott helyen tartalmazta az "időjárás" (wetter) szót
- Turing tervei alapján új bombákat építenek (Victory, Agnus Dei) [1940. március - augusztus]
- a németek megváltoztatják kulcscsere eljárásukat [1940. május 1.]

Az Enigma feltörése

- a Bletchley Park teljesítménye a szövetségesek győzelmének döntő tényezője volt
- történészek becslése szerint az Enigma feltörése nélkül a háború akár 1948-ig is eltarthatott volna !
- a háború után a bombákat szétszedték, a dokumentumokat pedig elégették
- a Bletchley parki kriptográfusok visszatértek a civil életbe (titoktartás mellett)
- a titoktartást 1970-ben oldották fel, és a világ ekkor szerzett csak tudomást a Bletchley Park létezéséről és az Enigma feltöréséről
- Alan Turing 1954. június 7-én öngyilkos lett

Egy valóban feltörhetetlen rejtjelező - a one-time pad

- mod 2 összeadás $\oplus$: $a \oplus b = (a + b) \bmod 2$

$$0 \oplus 0 = 0$$

$$0 \oplus 1 = 1$$

$$1 \oplus 0 = 1$$

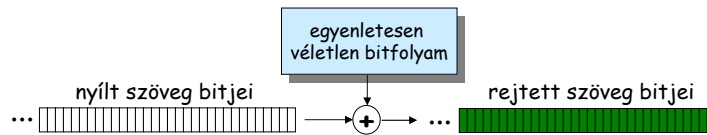
$$1 \oplus 1 = 0$$

- a mod 2 összeadás tulajdonságai:

1. $x \oplus x = 0$

2. $x \oplus 0 = x$

A one-time pad működése



- kódolás
 - $y_i = x_i \oplus k_i$
 - ahol x_i a nyílt szöveg i . bitje, y_i a rejtett szöveg i . bitje
 - k_i az egyenletes eloszlású véletlen kulcsfolyam i . bitje
- dekódolás
 - $x_i = y_i \oplus k_i = x_i \oplus k_i \oplus k_i = x_i$

A one-time pad tökéletessége

- tegyük fel, hogy a támadó megfigyeli az Y rejtett szöveget
- mivel minden kulcs egyformán valószínű, ezért minden nyílt szöveg egyforma valószínűséggel lehetséges
- Claude Shannon [1949] bebizonyította, hogy

$$I(X; Y) = H(X) - H(X|Y) = 0$$

- Shannon megadta a tökéletesség szükséges feltételét is:

$$H(K) \geq H(X)$$

ami praktikusán azt jelenti, hogy a kulcs mérete nem lehet kisebb, mint a (tömörített) nyílt szöveg mérete

Modern kriptográfia

- a one-time pad tökéletes, de hatalmas kulcsmérete miatt nem praktikus
- a gyakorlatban nincs szükség elméletileg feltörhetetlen rejtjelezőre, elegendő, ha a rejtjelező praktikusán feltörhetetlen (a mai technológia mellett irdatlan hosszú ideig tart feltörni)
- két jól ismert példa:
 - DES (Data Encryption Standard)
 - RSA (Rivest-Shamir-Adleman)

Shannon tervezési ötlete

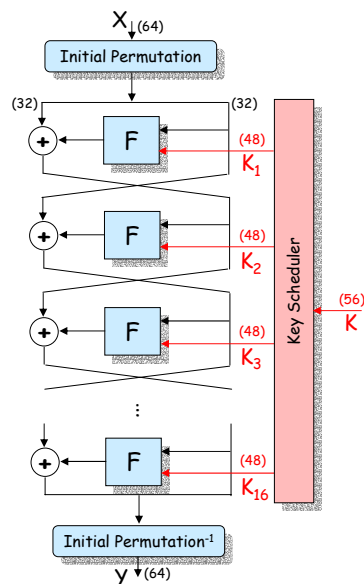
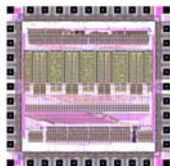


Claude E. Shannon

- készítsünk komplex rejtjelezőt egyszerű transzformációk egymás után többszöri alkalmazásával
- az egyszerű transzformációk egyike sem elegendő önmagában, de egymást kiegészítve már megfelelő védelmet nyújthatnak
- alkalmazható egyszerű transzformációk pl:
 - kis méretű helyettesítések (táblázatban tárolható)
 - nagy méretű bit-permutációk (HW-ben könnyen implementálható)

A DES

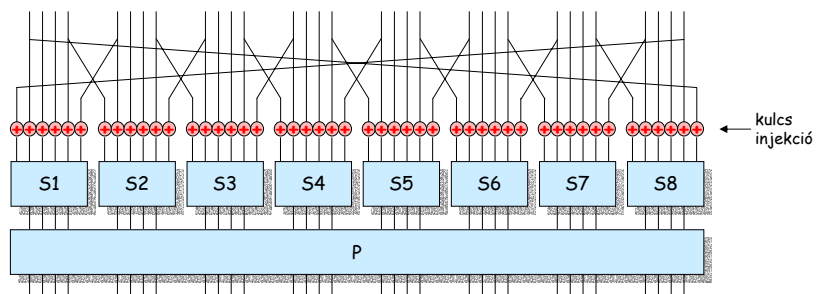
- az IBM fejlesztette ki a 70-es években Lucifer néven
- szimmetrikus kulcsú blokkrejtjelező
- jellemzők:
 - Feistel struktúra (kódoló és dekódoló séma megegyezik)
 - rétegek száma: 16
 - bemenet mérete: 64 bit
 - kimenet mérete: 64 bit
 - kulcs mérete: 56



Laboratory of Cryptography and System Security
www.crysys.hu

33

A DES



- Si - substitution box (S-box)
- P - permutation box (P-box)



Laboratory of Cryptography and System Security
www.crysys.hu

34

A DES támadása

- lineáris kriptanalízis (LC)
 - a ma ismert legerősebb támadás a DES ellen
 - irdatlan mennyiségű ($\sim 2^{43}$) ismert nyílt szöveg - rejtett szöveg párra van szükség hozzá → praktikus kivitelezhetetlen támadás
- differenciális kriptanalízis (DC)
 - általános támadás iteratív blokk rejtjelezők ellen (pl. DES, FEAL, IDEA)
 - alapvetően választott nyílt szövegű támadás
 - DES esetén, $\sim 2^{47}$ választott nyílt szövegre (és hozzátartozó rejtett szövegre) van szükség hozzá → praktikus kivitelezhetetlen támadás
- a DES-t DC ellen optimalizálták a tervezés során
- LC ellen növelni lehet az ellenállóképességét (úgy látszik a DES tervezői nem tudtak az LC lehetőségéről)

Új fejezet a kriptográfia történetében

- Whitfield Diffie és Martin Hellman:
New Directions in Cryptography
IEEE Transactions on Information Theory, 1976



Ralph Merkle, Martin Hellman, és Whitfield Diffie

Diszkrét hatványozás mint egyirányú függvény

- adott egy p prím
- $Z_p^* = \{1, 2, \dots, p-1\}$
- g a Z_p^* egy generátora
 - $Z_p^* = \{g^0 \bmod p, g^1 \bmod p, \dots, g^{p-2} \bmod p\}$
- $f(x) = g^x \bmod p$
 - ha adott x , akkor $f(x)$ -et könnyű kiszámítani
 - ha adott $y = f(x)$, akkor x -et nehéz meghatározni (diszkrét log probléma)
- példa:
 - $p = 7, Z_7^* = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}, g = 3$
 - $3^0 = 1, 3^1 = 3, 3^2 = 9 = 2, 3^3 = 27 = 6, 3^4 = 81 = 4, 3^5 = 243 = 5$
- miért egyirányú a diszkrét hatványozás?
 - $453^x \bmod 21\,997 = 5789$, határozzuk meg x -et!

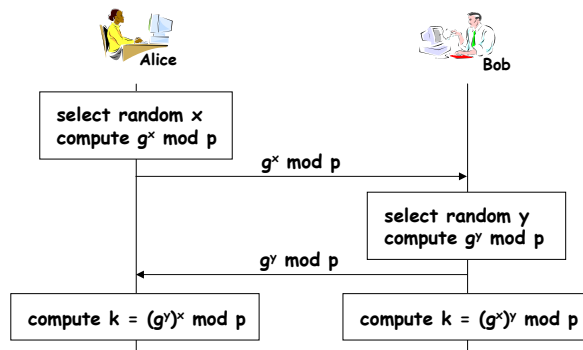


Laboratory of Cryptography and System Security
www.crysys.hu

37

A Diffie-Hellman-Merkle kulcscsere protokoll

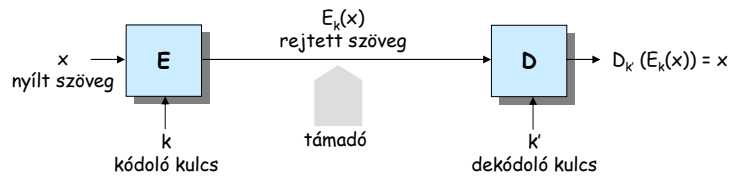
feltevés: adott egy p prím és a $Z_p^* = \{1, 2, \dots, p-1\}$ egy g generátora



Laboratory of Cryptography and System Security
www.crysys.hu

38

Az aszimmetrikus kulcsú kriptográfia modellje



- aszimmetrikus kulcsok
 - k' kiszámítása k -ból nehéz feladat (NP)
 - k -t nyilvánosságra lehet hozni (nyilvános kulcsú kriptográfia)
- a nyilvános kulcs nem titkos, de a hitelességét biztosítani kell !
- erre a ma ismert legelterjedtebb módszer a kulcstanúsítványok használata (PKI)

Az RSA algoritmus

- Ronald Rivest, Adi Shamir, és Leonard Adleman,
A Method for Obtaining Digital Signatures and Public-Key
Cryptosystems, 1978



Ronald Rivest



Adi Shamir



Leonard Adleman

Az RSA algoritmus

- kulcs generálás
 - válasszunk két nagy prímet, p -t és q -t (mindkettő kb. 500 bites)
 - $n = pq$, $\phi(n) = (p-1)(q-1)$
 - válasszunk egy e számot, melyre $1 < e < \phi(n)$ és $\text{Inko}(e, \phi(n)) = 1$
 - számítsuk ki e inverzét mod $\phi(n)$, azaz azt a d -t, melyre $ed \bmod \phi(n) = 1$ (p és q ismeretében ez nem nehéz feladat)
 - a nyilvános kulcs (e, n)
 - a privát kulcs d
- kódolás
 - a nyílt üzenetet egy $m \in [0, n-1]$ egész számként reprezentáljuk
 - a rejtett üzenet számítása: $c = m^e \bmod n$
- dekódolás
 - a nyílt üzenet számítása: $m = c^d \bmod n$



Az RSA algoritmus egy példán keresztül

- legyen $p = 73$, $q = 151$
- $n = 73 \cdot 151 = 11023$
- $\phi(n) = 72 \cdot 150 = 10800$
- legyen $e = 11$ [$\text{Inko}(11, 10800) = 1$, mert $10800 = 2^4 \cdot 3^3 \cdot 5^2 \cdot 9$]
- d -t az euklideszi algoritmussal számoljuk: $d = 5891$
- tegyük fel, hogy $m = 17$
- $c = 17^{11} \bmod 11023 = 1782$
- $m = 1782^{5891} \bmod 11023$
- négyzetre emelés és szorzás módszere:
$$\begin{aligned} 5891 &= 2^0 + 2^1 + 2^8 + 2^9 + 2^{10} + 2^{12} \\ 1782^{5891} &= 1782^{2^{12}} \cdot 1782^{2^{10}} \cdot 1782^{2^9} \cdot 1782^{2^8} \cdot 1782^2 \cdot 1782 = \\ &= (\dots ((1782^2)^2 \dots)^2 \cdot (\dots ((1782^2)^2 \dots)^2 \cdot \dots \\ &= 17 \pmod{11023} \end{aligned}$$



Az RSA biztonsága

- az egész számok faktorizációja jól ismert nehéznek vélt feladat
 - adott egy n pozitív egész, keressük n prím faktorait
 - igazi komplexitása nem ismert
 - úgy sejtik, hogy nem P-beli (nincs rá hatékony megoldás)
- d kiszámítása (e, n) -ből ekvivalens n faktorizálásával
- úgy sejtik, hogy m kiszámítása c -ből és (e, n) -ből (RSA probléma) ekvivalens n faktorizálásával
 - ha n faktora ismertek, akkor (e, n) -ből könnyen kiszámolható d , majd ennek segítségével c -ből m
 - a másik irányra nincs formális bizonyítás

A nyilvános kulcsú kriptográfia titkos története



James Ellis



Clifford Cocks



Malcolm Williamson

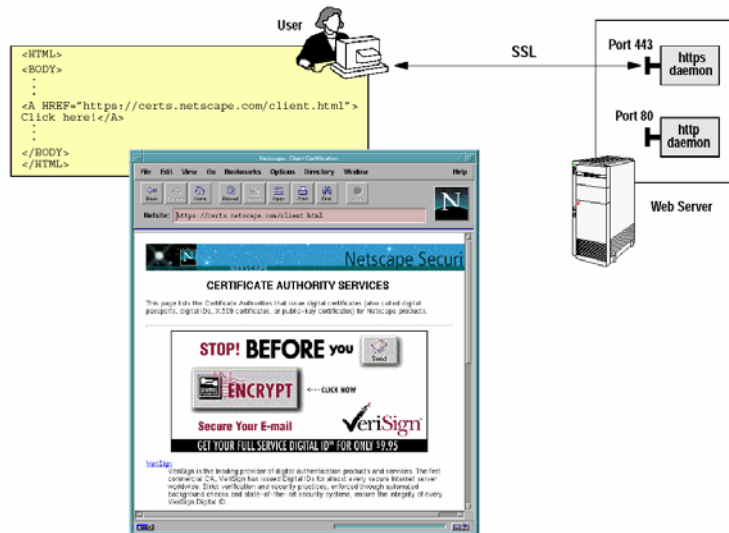
A nyilvános kulcsú kriptográfia titkos története

- Ellis, Cocks, és Williamson a brit titkosszolgálat emberei voltak
- 1969-ben Ellis rájött, hogy nyilvános kulcsú kriptográfia lehetséges (ő nem-titkos kódolásnak nevezte)
 - kidolgozta a publikus és privát kulcsok elméletét
 - tudta, hogy kell valamilyen egyirányú függvény, amely csak akkor válik megfordíthatóvá, ha a címzett birtokában van egy bizonyos információnak
- 1973-ban Cocks kitalálta a később RSA néven ismertté vált kódolást
 - röviddel belépése után, Cocksnek elmondták a problémát
 - még aznap este, fél óra alatt kidolgozta az RSA kódot
 - számelmélettel foglalkozott, és azonnal a faktorizációra gondolt, mint egyirányú függvény
- 1974-ben Williamson (Cocks barátja) felfedezi a később Diffie-Hellman kulcscsere néven ismertté vált eljárást
- 1975-re Ellis, Cocks, és Williamson a nyilvános kulcsú kriptográfia összes alapvető tételét kidolgozta - de hallgatniuk kellett (1997-ig)

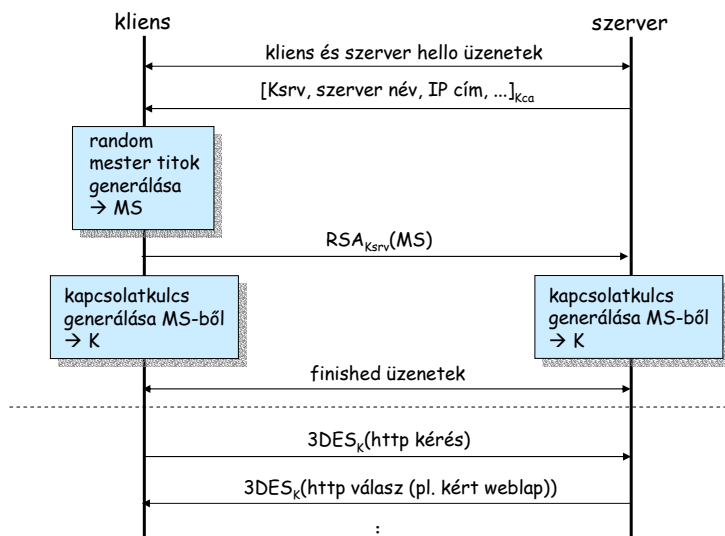
Az SSL protokoll

- a Netscape fejlesztette ki a 90-es évek közepén
- célja biztonságos kapcsolat létrehozása két távoli (TCP) alkalmazás között
- tipikusan: biztonságos kapcsolat létrehozása egy web szerver és egy web böngésző között
- az SSL 3.0 de facto szabvánnyá vált az Interneten
- az SSL 3.1-es verziója TLS néven hivatalos Internet szabvány lett

Az SSL működése



Az SSL működése (egyszerűsített)



Utószó

a biztonság olyan, mint egy lánc:
mértékét mindig a leggyengébb láncszem erőssége
határozza meg !

