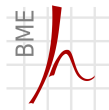


Fordítás – Kódoptimalizálás

Kód visszafejtés.



Híradástechnikai Tanszék

Izsó Tamás

2016. október 20.

Aktív változók

- Angol irodalomban a Live Variables kifejezést használják, míg az azt felhasználó elemzést Liveness Analysis-nek hívják.
- Az **aktív változók** ismeretében lehet a felesleges utasításokat megszüntetni.
- Egy változó a program egy pontján aktív, ha később az értéke felhasználásra kerül.

Példa *aktív változóra*

Példa:

```
[x:=2]1;
[y:=4]2;
[x:=1]3;
if [y>x]4do
  then [z:=y]5
  else [z:=y*y]6
fi
[x:=z]7;
```

Az 1-es címkéjű x változó nem aktív az első utasítás után (semelyik utasítás sem használja fel az értékét), ezért ez felesleges.

Aktív változók előállítása

- A feldolgozás az alapblokk végétől az eleje felé halad.
- A blokk végén lévő aktív változók halmazát az algoritmus alapján mi határozzuk meg.
- Amikor az $\mathbf{a} = \mathbf{b} + \mathbf{c}$ kifejezéshez érünk:
 - az \mathbf{a} változót ki kell venni;
 - a \mathbf{b} és \mathbf{c} változókat be kell tenni az az aktív változók halmazába.

Aktív változó

$v=x+y;$



$c=v+5;$



$v=z+w$

Aktív változó

- v változó definiálása

$v=x+y;$



$c=v+5;$



$v=z+w$

Aktív változó

- v változó definiálása
- v változó használata

$v=x+y;$



$c=v+5;$



$v=z+w$

Aktív változó

- v változó definiálása
- v változó használata
- v változó újradefiniálása

$v=x+y;$



$c=v+5;$



$V=Z+W$

Aktív változó

- v változó definiálása
- v változó használata
- v változó újradefiniálása
- v változó értéke felesleges

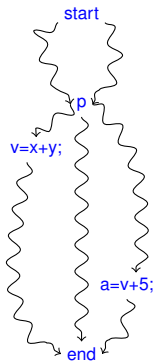
$v=x+y;$

$c=v+5;$

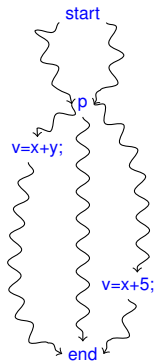
$V=Z+W$

Aktív változó globális analízise

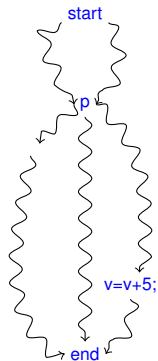
v változó aktív
a p pontban



v változó nem aktív
a p pontban



v változó aktív
a p pontban



Aktív változók előállítása

a = b;

c = a;

d = a + b;

e = d;

d = a;

f = e;

Aktív változók előállítása

a = b;

c = a;

d = a + b;

e = d;

d = a;

f = e;

{b, d}

Aktív változók előállítása

a = b;

c = a;

d = a + b;

e = d;

d = a;

{ b, d, e }

f = e;

{ b, d }

Aktív változók előállítása

a = b;

c = a;

d = a + b;

e = d;

{ a, b, e }

d = a;

{ b, d, e }

f = e;

{ b, d }

Aktív változók előállítása

a = b;

c = a;

d = a + b;

{ a, b, d }

e = d;

{ a, b, e }

d = a;

{ b, d, e }

f = e;

{ b, d }

Aktív változók előállítása

a = b;

c = a;

{ a, b }

d = a + b;

{ a, b, d }

e = d;

{ a, b, e }

d = a;

{ b, d, e }

f = e;

{ b, d }

Aktív változók előállítása

a = b;

{ a, b }

c = a;

{ a, b }

d = a + b;

{ a, b, d }

e = d;

{ a, b, e }

d = a;

{ b, d, e }

f = e;

{ b, d }

Aktív változók előállítása

{ b }

a = b;

{ a, b }

c = a;

{ a, b }

d = a + b;

{ a, b, d }

e = d;

{ a, b, e }

d = a;

{ b, d, e }

f = e;

{ b, d }

Felesleges kód törlése

```
{ b }  
a = b;  
{ a, b }  
c = a;  
{ a, b }  
d = a + b;  
{ a, b, d }  
e = d;  
{ a, b, e }  
d = a;  
{ b, d, e }  
f = e;  
{ b, d }
```

Felesleges kód törlése

```
{ b }  
a = b;  
{ a, b }  
c = a;  
{ a, b }  
d = a + b;  
{ a, b, d }  
e = d;  
{ a, b, e }  
d = a;  
{ b, d, e }  
f = e;  
{ b, d }
```

Felesleges kód törlése

{ b }

a = b;

{ a, b }

c = a;

{ a, b }

d = a + b;

{ a, b, d }

e = d;

{ a, b, e }

d = a;

{ b, d, e }

{ b, d }

Felesleges kód törlése

```
{ b }  
a = b;  
{ a, b }  
c = a;  
{ a, b }  
d = a + b;  
{ a, b, d }  
e = d;  
{ a, b, e }  
d = a;  
{ b, d, e }  
  
{ b, d }
```

Felesleges kód törlése

{ b }
a = b;
{ a, b }

{ a, b }
d = a + b;
{ a, b, d }
e = d;
{ a, b, e }
d = a;
{ b, d, e }

{ b, d }

Felesleges kód törlése

a = b;

d = a + b;

e = d;

d = a;

Aktív változók előállítása II

$a = b;$

$d = a + b;$

$e = d;$

$d = a;$

Aktív változók előállítása II

a = b;

d = a + b;

e = d;

d = a;

{b , d }

Aktív változók előállítása II

a = b;

d = a + b;

e = d;

{a , b }

d = a;

{b , d }

Aktív változók előállítására II

a = b;

d = a + b;

{a, b, d}

e = d;

{a, b}

d = a;

{b, d}

Aktív változók előállítására II

a = b;

{a, b}

d = a + b;

{a, b, d}

e = d;

{a, b}

d = a;

{b, d}

Aktív változók előállítására II

{ b }
a = b;

{ a , b }
d = a + b;
{ a , b , d }
e = d;
{ a , b }
d = a;

{ b , d }

Felesleges kód törlése

{ b }
a = b;

{ a , b }
d = a + b;
{ a , b , d }
e = d;
{ a , b }
d = a;

{ b , d }

Felesleges kód törlése

{ b }
a = b;

{ a , b }
d = a + b;
{ a , b , d }
e = d;
{ a , b }
d = a;

{ b , d }

Felesleges kód törlése

{ b }
a = b;

{ a , b }
d = a + b;
{ a , b , d }

{ a , b }
d = a;

{ b , d }

Felesleges kód törlése

`a = b;`

`d = a + b;`

`d = a;`

Aktív változók előállítása III

$a = b;$

$d = a + b;$

$d = a;$

Aktív változók előállítása III

$a = b;$

$d = a + b;$

$d = a;$

$\{b, d\}$

Aktív változók előállítására III

$a = b;$

$d = a + b;$

$\{a, b\}$

$d = a;$

$\{b, d\}$

Aktív változók előállítás III

$a = b;$

$\{a, b\}$

$d = a + b;$

$\{a, b\}$

$d = a;$

$\{b, d\}$

Aktív változók előállítása III

{ b }
a = b;

{ a , b }
d = a + b;

{ a , b }
d = a;

{ b , d }

Felesleges kód törlése

{ b }
a = b;

{ a , b }
d = a + b;

{ a , b }
d = a;

{ b , d }

Felesleges kód törlése

{ b }
a = b;

{ a , b }
d = a + b;

{ a , b }
d = a;

{ b , d }

Felesleges kód törlése

{ b }
a = b;

{ a , b }

{ a , b }
d = a;

{ b , d }

Felesleges kód törlése

`a = b;`

`d = a;`

Aktív változók előállításának a formalizálása

$$In_n = (Out_n - Kill_n) \cup Gen_n$$

$$Out_n = \begin{cases} BI & n \text{ az utolsó blokk végén.} \\ \cup_{x \in succ(n)} In_x & \text{máskülönben.} \end{cases}$$

- A kimenet van összehuzalozva az n után következő bemenetek uniójával.
- \cup -ból következik, hogy az inicializálás az üres halmazzal történik, kivéve a kezdő állapotot.
- Out_n alapján számítjuk az In_n -t, tehát a számítás visszafele halad.

Reaching Definition analízis

Az analízis megadja, hogy a program egy adott pontján az x változó hol kapott értéket. Elágazások és ciklusok miatt több ponton is definiálva¹ lehet.

$$RD_{entry}(p) = \begin{cases} RD_{init} & \text{kezdetben .} \\ \bigcup_{p' \in pred(p)} RD_{exit}(p') & \text{máskülönben.} \end{cases}$$

$$RD_{exit}(p) = (RD_{entry}(p) \setminus Kill_{RD}(p)) \cup Gen_{RD}(p)$$

¹Itt a definíciót bővebb értelemben használjuk. Minden pont, ahol egy változó értéket kap definíciós pontnak hívjuk.

Reaching Definition jelölések

Ha az x változót a p pontban definiálva van, akkor ezt a tényt a (x, p) párral fejezzük ki. Az $RD_{entry}(p)$ és az $RD_{exit}(p)$ ezeknek a pároknak a halmazát tartalmazza.

Inicializálás

$$RD_{init} = \{(x, ?) \mid x \in \text{programváltozó.}\}$$

A kérdőjel azt jelenti, hogy még nem lett inicializálva a változó.

Példa Reaching Definition-ra

```

[x := 5]1;
[y := 1]2;
while [x > 1]3 do
  [y := x * y]4;
  [x := x - 1]5
od

```

$$RD_{entry}(1) = \{(x, ?), (y, ?)\}$$

$$RD_{entry}(2) = RD_{exit}(1)$$

$$RD_{entry}(3) = RD_{exit}(2) \cup RD_{exit}(5)$$

$$RD_{entry}(4) = RD_{exit}(3)$$

$$RD_{entry}(5) = RD_{exit}(4)$$

$$RD_{exit}(1) = (RD_{entry}(1) \setminus \{(x, ?), (x, 1), (x, 5)\}) \cup (x, 1)$$

$$RD_{exit}(2) = (RD_{entry}(2) \setminus \{(y, ?), (y, 2), (y, 4)\}) \cup (y, 2)$$

$$RD_{exit}(3) = RD_{entry}(3)$$

$$RD_{exit}(4) = (RD_{entry}(4) \setminus \{(y, ?), (y, 2), (y, 4)\}) \cup (y, 4)$$

$$RD_{exit}(5) = (RD_{entry}(5) \setminus \{(x, ?), (x, 1), (x, 5)\}) \cup (x, 1)$$

RD végeredmény

	RD_{entry}	RD_{exit}
1	$\{(x, ?), (y, ?)\}$	$\{(x, 1), (y, ?)\}$
2	$\{(x, 1), (y, ?)\}$	$\{(x, 1), (y, 2)\}$
3	$\{(x, 1), (y, 2), (y, 4), (x, 5)\}$	$\{(x, 1), (y, 2), (y, 4), (x, 5)\}$
4	$\{(x, 1), (y, 2), (y, 4), (x, 5)\}$	$\{(x, 1), (y, 4), (x, 5)\}$
5	$\{(x, 1), (y, 4), (x, 5)\}$	$\{(y, 4), (y, 5)\}$

Konstans kiértékelés fordítási időben I

$$RD \vdash [x := a]^\ell \triangleright [x := a[y \mapsto n]]^\ell$$

$$ha \begin{cases} y \in FV(a) \wedge (y, ?) \notin RD_{entry}(\ell) \wedge \\ \forall (y', \ell') \in RD_{entry}(\ell) \wedge \\ y' = y \Rightarrow [\dots]^{\ell'} = [y := n]^{\ell'} \end{cases}$$

$$RD \vdash [x := a]^\ell \triangleright [x := n]^\ell$$

$$ha \begin{cases} FV(a) = \emptyset \wedge a \text{ nem konstans} \wedge \\ a \text{ kifejezés értéke } n \end{cases}$$

Megj: $FV(a)$ megadja, hogy az a aritmetikai kifejezés tartalmaz-e szabad változót.

Konstans kiértékelés fordítási időben II

$$\frac{RD \vdash S_1 \triangleright S'_1}{RD \vdash S_1; S_2 \triangleright S'_1; S_2} \quad \frac{RD \vdash S_2 \triangleright S'_2}{RD \vdash S_1; S_2 \triangleright S_1; S'_2}$$

$$\frac{RD \vdash S_1 \triangleright S'_1}{RD \vdash \mathbf{if}[b^\ell] \mathbf{then} S_1 \mathbf{else} S_2 \triangleright \mathbf{if}[b^\ell] \mathbf{then} S'_1 \mathbf{else} S_2}$$

$$\frac{RD \vdash S_2 \triangleright S'_2}{RD \vdash \mathbf{if}[b^\ell] \mathbf{then} S_1 \mathbf{else} S_2 \triangleright \mathbf{if}[b^\ell] \mathbf{then} S_1 \mathbf{else} S'_2}$$

$$\frac{RD \vdash S \triangleright S'}{RD \vdash \mathbf{while}[b^\ell] \mathbf{do} S \triangleright \mathbf{while}[b^\ell] \mathbf{do} S'}$$

Konstans kiértékelés példa I.

Program:

$[x := 10]^1; [y := x + 10]^2; [z := y + 10]^3;$

RD analízis eredménye:

$$RD_{entry}(1) = \{(x, ?), (y, ?), (z, ?)\}$$

$$RD_{exit}(1) = \{(x, 1), (y, ?), (z, ?)\}$$

$$RD_{entry}(2) = \{(x, 1), (y, ?), (z, ?)\}$$

$$RD_{exit}(2) = \{(x, 1), (y, 2), (z, ?)\}$$

$$RD_{entry}(3) = \{(x, 1), (y, 2), (z, ?)\}$$

$$RD_{exit}(3) = \{(x, 1), (y, 2), (z, 3)\}$$

Konstans kiértékelés példa II.

- $RD \vdash [x := 10]^1; [y := x + 10]^2; [z := y + 10]^3;$
- ▷ $[x := 10]^1; [y := 10 + 10]^2; [z := y + 10]^3;$
 - ▷ $[x := 10]^1; [y := 20]^2; [z := y + 10]^3;$
 - ▷ $[x := 10]^1; [y := 20]^2; [z := 20 + 10]^3;$
 - ▷ $[x := 10]^1; [y := 20]^2; [z := 30]^3;$

Konstans kiértékelés példa II.

Visual Studio C eredménye

```
1 int funcion() {
2     int x,y,z;
3     x=1;
4     y=100*x;
5     z=100*y-y;
6     while( x < 4 ) {
7         z = z +y;
8         y = 2*x;
9         x++;
10    }
11    return z;
12 }
```

Lefordított kód:

```
_funcion:
00000000:    mov     eax,2710h
00000005:    ret
```

Adatfolyam analízis algoritmusok

- Az adatfolyam algoritmus előre halad, ha
 - 1 a kimenetet $out()$ számoljuk ki az alablokkba bemenő $in()$ értékek alapján
 - 2 a bemenet az előző alablokkok kimenetének a kombinációja
- Az adatfolyam algoritmus visszafele halad, ha
 - 1 a bemenetet $in()$ számoljuk ki az alablokk kimenetelén lévő $out()$ értékek alapján
 - 2 a kimenet a következő alablokkok bemenetének a kombinációja

A következő táblázat a lehetséges adatfolyam algoritmusokat ábrázolja:

	Előre haladó	Visszafele haladó
Legalább egy úton	$Out(B_i) = Gen(B_i) \cup (In(B_i) - Kill(B_i))$ $In(B_i) = \bigcup_{p \in Pred(B_i)} Out(p)$	$In(B_i) = Gen(B_i) \cup (Out(B_i) - Kill(B_i))$ $Out(B_i) = \bigcup_{s \in Succ(B_i)} In(s)$
Minden egy úton	$Out(B_i) = Gen(B_i) \cup (In(B_i) - Kill(B_i))$ $In(B_i) = \bigcap_{p \in Pred(B_i)} Out(p)$	$In(B_i) = Gen(B_i) \cup (Out(B_i) - Kill(B_i))$ $Out(B_i) = \bigcap_{s \in Succ(B_i)} In(s)$

Változó definíció-használat lánc

Definíció: definíció-használat láncolat (du-chain)

megadja, hogy a program egy pontján definiált változó, regiszter vagy feltétel kód értékére a programban található utasítások közül kik hivatkoznak.

Definíció: használat-definíció láncolat (ud-chain)

megadja, hogy a program egy pontján hivatkozott (használt) változó, regiszter vagy feltétel kód a programban hol kaphattak értéket.

u-d chain analízis

Az u-d chain analízis megadja, hogy a program ℓ címén az *elérhető definíciós pontok analízis* (Reaching definition analysis) szerint az ℓ' címke alatt definiált x változó értékét használjuk.

$$UD_{entry}(x, \ell) = \begin{cases} \ell' & \text{ha } (x, \ell') \in RD_{entry}(\ell) \\ \emptyset & \text{máskülönben.} \end{cases}$$

Példa u-d és d-u láncra

```

[x := 0]1;
[x := 3]2;
if [z = x]3 then
    [z := 0]4;
else
    [z := x]5
[y := x]6;
[x := y+z]7;

```

$ud(x, \ell)$	x	y	z
1	\emptyset	\emptyset	\emptyset
2	\emptyset	\emptyset	\emptyset
3	{2}	\emptyset	{?}
4	\emptyset	\emptyset	\emptyset
5	{2}	\emptyset	\emptyset
6	{2}	\emptyset	\emptyset
7	\emptyset	{6}	{4, 5}

$du(x, \ell)$	x	y	z
1	\emptyset	\emptyset	\emptyset
2	{3, 5, 6}	\emptyset	\emptyset
3	\emptyset	\emptyset	\emptyset
4	\emptyset	\emptyset	{7}
5	\emptyset	\emptyset	{7}
6	\emptyset	{7}	\emptyset
7	\emptyset	\emptyset	\emptyset
?	\emptyset	\emptyset	{3}