


A PROGAMOZÁS ALAPJAI 1

4. előadás

Vitéz András
egyetemi adjunktus
BME Híradástechnikai Tanszék
vitez@nit.bme.hu



2012. február 28.



Miről lesz ma szó?

- Programtervezési stratégiák
 - Top-down
 - Bottom-up
- Programszegmensek
- Függvények
 - Szintaxis (deklaráció - definíció)
 - Formális paraméterek
 - Aktuális paraméterek
 - Élettartam - láthatóság
- A C nyelv típusai
 - Egész (fixpontos ábrázolású) típusok
 - Egészek, mint bitminták tárolói
 - Lebegőpontos típusok
- A számábrázolás pontossága

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
BME Híradástechnikai Tanszék



Programtervezési stratégiák

Top-down tervezés
(lépésenkénti finomítás)

Bottom-up tervezés
(téglánkénti építkezés)

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
BME Híradástechnikai Tanszék



Top-down tervezés

A lépésenkénti finomítás elve:

A feladat megoldását elodázom.
Minden finomítási lépésben olyan építőelemeket használlok, amelyek majd egy későbbi lépés eredményeként készülnek el.
Végül már csak elemi tevékenységek maradnak.
Ezeket kell kódolni.

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
BME Híradástechnikai Tanszék



Top-down tervezés

Előnyei:

Lehetőség van a belső megoldások elrejtésére.
Lehetetlen elhibázni.

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
BME Híradástechnikai Tanszék



Bottom-up tervezés

A téglánkénti építkezés elve:

A legegyszerűbbtől kiindulva egyre bonyolultabb eszközöket hozok létre.
Ezeket az újabb szinteken már építő-kockaként használhatom.

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
BME Híradástechnikai Tanszék



Bottom-up tervezés

Látszólagos előnye:

Lehetőség van ugyanazt az elemet több helyen felhasználni.

Ha mégis hiányzik valami, utólag még meg lehet tervezni.

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Programszegmensek

Program

Eljárás

Függvény

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Programszegmensek

A C nyelvben minden szegmens

függvény

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Programszegmensek

A felhasználás célja:

Program

Mindazon tevékenységek összessége, amit a végre akarunk hajtani.

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Programszegmensek

Program megvalósítása:

a **main()** függvény

Aktiválása:

az operációs rendszer hívja

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Programszegmensek

A felhasználás célja:

Eljárás

Összetartozó utasítások sorozata, amit többször akarunk végrehajtani.

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Programszegmensek

Eljárás
megvalósítása:

void típusú vagy fel nem használt
visszatérési értékű függvény

Aktiválása:

kifejezés utasítással

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Programszegmensek

A felhasználás célja:

Függvény
Ugyanaz, mint az eljárás,
de visszatérési érték is keletkezik.

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Programszegmensek

Függvény
megvalósítása:

tetszőleges (nem void)
visszatérési értékű függvény

Aktiválása:

kifejezésben szerepeltethető

Megjegyzés:

a mellékhatás fontosabb lehet az értéknél!

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Függvény definíciója

<visszatérési érték típusa>
<függvény azonosítója>
(<formális paraméterek listája>
<blokk>

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Függvény definíciója

<visszatérési érték típusa>
<függvény azonosítója>
(<formális paraméterek listája>
<blokk>

- a függvény által kiszámított érték típusa
- alapértelmezésben **int** (ekkor elhagyható)

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Függvény definíciója

<visszatérési érték típusa>
<függvény azonosítója>
(<formális paraméterek listája>
<blokk>

- a függvény **egyedi** azonosító neve

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Függvény definíciója

<visszatérési érték típusa>
 <függvény azonosítója>
 (<formális paraméterek listája>)
 <blokk>

- a paraméterek formális deklarációja, hogy a függvényben hivatkozni lehessen rájuk
- egyenként, vesszővel elválasztva
- a zárójelek üres lista esetén is kellenek

A programozás alapjai 1
4. előadás
© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Informatikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Függvény definíciója

<visszatérési érték típusa>
 <függvény azonosítója>
 (<formális paraméterek listája>)
 <blokk>

- { } jelek között deklarációk és utasítások
- ha a típus nem void, **return** utasítás kell

A programozás alapjai 1
4. előadás
© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Informatikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Függvény deklarációja

Később látni fogjuk, hogy a függvény deklarációja elválasztható a definíciótól.

Ha a feljéctet különválasztjuk,
a **blokk** helyére ;-t kell írunk .

A programozás alapjai 1
4. előadás
© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Informatikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Függvény definíciója

Példa:

```
double tavolsag (double a, double b) {
    if (a > b)
        return a - b;
    return b - a;
}
```

A programozás alapjai 1
4. előadás
© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Informatikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Függvény definíciója

Megjegyzés:

Ha holnap is érteni akarjuk, akkor

```
double tavolsag (
    double a, /* Mi is ez? */
    double b /* Hát ez? */) {
    if (a > b)
        return a - b;
    return b - a;
    /* A nagyból vonjuk ki a kicsit */
}
```

A programozás alapjai 1
4. előadás
© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Informatikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Függvény definíciója

Még egy példa:

```
int prim(int p){
    int i;
    for(i=2; i*i<p+1; i++)
        if (p%i==0)
            return 0;
    return 1;
}
```

A programozás alapjai 1
4. előadás
© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Informatikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Aktuális paraméterek

A C nyelvben csak
érték szerinti
paraméter átadás van!

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Aktuális paraméterek

A hívás helyén a paramétereket a típusuknak megfelelő **kifejezéssel** kell aktualizálni.

Példa:

```
c=tavolsag(d+9.7,4.6);
```

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Aktuális paraméterek

A paramétereket a függvényben típusuknak megfelelő **változókként** használhatjuk, melyek a hívás helyén kapott **kezdeti értékkel** rendelkeznek.

Példa:

```
unsigned factor(int n){  
    unsigned f;  
    for(f=1;n>1;n--)  
        f=f*n;  
    return f;  
}
```

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Aktuális paraméterek

Ha **referencia szerinti** paraméter átadásra volna szükségünk, akkor formális paraméterként **mutatót** használunk, amit a hívás helyén a hivatkozni kívánt objektum **címével** aktualizálunk.

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Aktuális paraméterek

Tömb és függvény mutatójának aktualizálásakor csak a nevet kell megadni **&** operátor nélkül.

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Változók élettartama - láthatósága

A formális paraméterek és a függvény blokkjának elején deklarált ún. automatikus változók csak a függvény végrehajtásának idején léteznek. Utána megsemmisülnek.

Ezeket a függvény lokális változóinak nevezzük. A függvényen kívülről nem láthatók.

A függvényeken kívül deklarált ún. fájl szintű változók a függvény globális változói.

Ha egy globális és egy lokális név megegyezik, a lokális értelmezés az érvényes.

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Változók élettartama - láthatósága

A függvény nem látja a többi függvény lokális változóit, akkor sem, ha a másik függvény végrehajtása még folyamatban van.

A függvény a külvilággal a kapcsolatot csak paraméterein és a függvényértéken keresztül tartja. Ha csak nem kimondottan ez a feladata, nem lép interakcióba a felhasználóval.

A függvények közötti kölcsönhatások biztonságos közben tarthatóságának érdekében kerüljük a globális változók használatát!

A programozás alapjai 1 4. előadás © Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Komplex mintapélda

Írjunk programot két egész szám közé eső prímek listázására!

Olvassuk be az alsó és felső határt!

Lépkedjünk végig a két határ közé eső számokon!

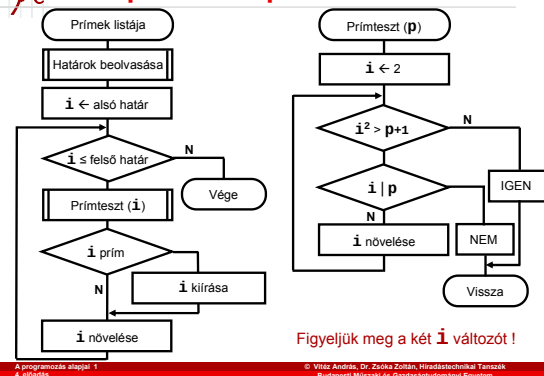
Ha a vizsgált szám prím,

írjuk ki!

A programozás alapjai 1 4. előadás © Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Komplex mintapélda



A programozás alapjai 1 4. előadás © Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Komplex mintapélda

```

#include <stdio.h>
int a,b;
void beolvas(){
    printf("Adj meg egy kisebb és egy nagyobb számot!\n");
    scanf("%d%d",&a,&b);
}
int prim(int p){
    int i;
    for(i=2;i<p+1;i++){
        if (p%i==0)
            return 0;
    }
    return 1;
}
int main(){
    int i;
    beolvas();
    printf("Prímszámok %d és %d között:\n",a,b);
    for(i=a;i<b+1;i++){
        if(prim(i))
            printf("%d\n",i);
    }
    return 0;
}
    
```

A programozás alapjai 1 4. előadás © Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



A C nyelv típusai

- | | | | |
|--------------|----------------|----------------|--------------|
| - void | - aritmetikai: | - egész: | - integer |
| - skálár: | | | - karakter |
| | | | - felsorolás |
| | | - lebegőpontos | |
| | - mutató | | |
| - függvény | | | |
| - union | | | |
| - összetett: | - tömb | | |
| | - struktúra | | |

A programozás alapjai 1 4. előadás © Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Egész (fixpontos ábrázolású) típusok

A szabvány nem írja elő, de a gyakorlatban

- előjeles egészeket
kettes komplement kódban
- előjel nélküli egészeket
bináris alakban ábrázolunk

A programozás alapjai 1 4. előadás © Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Egész (fixpontos ábrázolású) típusok

Előjel nélküli egészek bináris ábrázolása

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Egész (fixpontos ábrázolású) típusok

Előjeles egészek kettes komplementes kódú ábrázolása

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Az ábrázolás korlátai

Az adott implementációhoz az értékkészletet a `<limits.h>` file adja meg.

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Az ábrázolás korlátai

Miért kell ismernünk?

Például ki akarjuk számolni $\binom{15}{3} = \frac{15!}{3! \cdot 12!}$ értékét.

Legyen 2-es komplementes számábrázolásunk 4 bajton, ami $-2\,147\,483\,648$ -tól $2\,147\,483\,647$ -ig teszi lehetővé a számok ábrázolását.

Az eredmény 455, ami gond nélkül ábrázolható.

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Az ábrázolás korlátai

Miért kell ismernünk?

Például ki akarjuk számolni $\binom{15}{3} = \frac{15!}{3! \cdot 12!}$ értékét.

A számláló 1 307 674 368 000 **Nem ábrázolható**
A nevező 2 874 009 600 **Nem ábrázolható**

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Az ábrázolás korlátai

Miért kell ismernünk?

Például ki akarjuk számolni $\binom{15}{3} = \frac{15!}{3! \cdot 12!}$ értékét.

Ha viszont először egyszerűsítünk

$$\frac{15!}{3! \cdot 12!} = \frac{15 \cdot 14 \cdot 13}{3!} = \frac{2730}{6}$$

A művelet elvégezhető!

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Előjeles integer típusok

	minimális hossz [bit]	típus-megadás alakja	minimális érték <limits.h>-ban	maximális érték <limits.h>-ban
rövid	16	short short int signed short signed short int	SHRT_MIN	SHRT_MAX
normál	16	int signed int	INT_MIN	INT_MAX
hosszú	32	long long int signed long signed long int	LONG_MIN	LONG_MAX

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Előjeles integer típusok

Szám-konstans alakja:

Típus	Számrendszer	Példák
int	decimális	0 123 -33
	oktális	012 0177777
	hexadecimális	0x1a 0x7fff 0xAa1bB
long		"-L -"-I vagy, ha az érték olyan nagy

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Előjel nélküli integer típusok

	minimális hossz [bit]	típus-megadás alakja	minimális érték	maximális érték <limits.h>-ban
rövid	16	unsigned short unsigned short int	0	USHRT_MAX
normál	16	unsigned unsigned int	0	UINT_MAX
hosszú	32	unsigned long unsigned long int	0	ULONG_MAX

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Előjel nélküli integer típusok

Szám-konstans alakja:

Típus	Példák
unsigned	<mintha int lenne>u <mintha int lenne>U
unsigned long	<mintha int lenne>lu <mintha int lenne>UI <mintha int lenne>Lu <mintha int lenne>UL vagy, ha az érték olyan nagy

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Automatikus ábrázolási mód

ha nincs megadva U vagy L

Amelyikbe a szám-konstans előbb belefér:

1. int
2. unsigned int oktális és hexa esetén
3. long int
4. unsigned long int

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

A short típusmódosító

A ...**short** típusok csak az adat tárolási hosszát írják elő.

Számításnál a ... **short** típusú értéket automatikusan ... **int** típusúvá alakítja, és azzal számol.

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Karakter típusok

Ábrázolás: minimum 8 biten.

Ez lesz a tárolás alapegysége

típus-megadás alakja	minimális érték <limits.h>-ban	maximális érték <limits.h>-ban
signed char	SCHAR_MIN	SCHAR_MAX
unsigned char	0	UCHAR_MAX
char	CHAR_MIN	CHAR_MAX

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Karakter típusok

Karakter-konstans alakja:

Egyszerű karakterek

Alakja	Jelentése
'a'	kis a betű
'A'	nagy A betű
','	kettőspont

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Karakter típusok

Karakter-konstans alakja:

Különleges karakterek

Alakja	Jelentése
'\"'	aposztróf
'\"'	idézőjel
'\\'	backslash
'\?'	kérdőjel
'\a'	hangjelzés

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Karakter típusok

Karakter-konstans alakja:

Különleges karakterek

Alakja	Jelentése
'\n'	új sor
'\f'	lapdobás
'\t'	tabulátor
'\v'	függőleges tabulátor
'\b'	visszatörlés

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Karakter típusok

Karakter-konstans alakja:

Karakter megadása kódjával

Alakja	Jelentése
'\0'	nullás kódú karakter
'\10'	oktális szám
'\x10'	hexadecimális szám

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



Karakter típusok

A ...**char** típusok gyakorlatilag az egészekhez hasonlóan viselkednek.

Számításnál a ... **char** típusú értéket automatikusan ... **int** típusúvá alakítja, és azzal számol.

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Karakter típusok

Számjegyeket ábrázoló karakterek kódolása
A számjegy értéke és kódja nem ugyanaz!

karakter	értéke	ASCII kódja			
		hexadecimálisan	decimálisan	oktálisan	binárisan
'0'	0	30	48	60	110000
'1'	1	31	49	61	110001
'2'	2	32	50	62	110010
...					
'8'	8	38	56	70	111000
'9'	9	39	57	71	111001

Nem érdemes kódokat megjegyezni!
Az értéket megkapjuk, ha a számjegy kódjából kivonjuk a '0' kódját.

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Egészek, mint bitminták tárolói

Egy előjel nélküli egészben tárolt kódot nem kell feltétlenül számként értelmeznünk.

Tetszés szerinti bitmintát előállíthatunk, és manipulálhatunk.

A következő előadáson megismerkedünk az ezt támogató számos hatékony operátorral.

& | << >> ^ ~ !

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Lebegőpontos típusok

Típus	Konstans alakja	Min. abs. érték	Max. abs. érték	Pontosság [dec. jegy]
float	12.3f 0.12f 12.F .5f 1E-3f 1.8e9f	FLT_MIN <= 1e-37	FLT_MAX >= 1e37	FLT_DIG >= 6
double	12.3 0.12 12. .5 1E-3 1.8e5	DBL_MIN <= 1e-37	DBL_MAX >= 1e37	DBL_DIG >= 10
long double	12.3L 0.12L 12.L .5L 1E-3L 1.8e5L	<= mint double	>= mint double	>= mint double

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Az ábrázolás korlátai

Lebegőpontos ábrázolás

Az általunk használt rendszerben a double típus ábrázolása:

előjel-abszolút értékű ábrázolás 64 biten

63 62 52 51 0

S C m

s előjel (1, ha a szám negatív) 1 biten
c karakterisztika eltolt zérusponthoz ábrázolás 11 biten
m mantissza implicit bites ábrázolás 52(+1) biten

$(1 - 2s)(1.m \cdot 2^{c-1023}) = (1 - 2s)(n \cdot 2^{c-1024})$, ahol $2 \leq n < 4$

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Az ábrázolás korlátai

A véges számábrázolási pontosság következménye

Mivel az ábrázolás matematikai értelemben nem pontos, műveletek eredményét egyenlőségre összehasonlíthatni

NEM SZABAD

Például:

$$\frac{22}{7} + \frac{3}{7} \neq \frac{25}{7}$$

A programozás alapjai 1
4. előadás

© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Az ábrázolás korlátai

A relatív számábrázolási pontosság következménye

Mivel a karakterisztika átfogása nagy, megfeleldkezhetünk a pontosságról.

Ha A sokkal nagyobb, mint a és b, akkor

$$(a + A) - (b + A) \neq a - b$$

A programozás alapjai 1
4. előadás

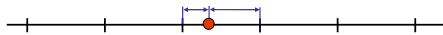
© Vitéz András, Dr. Zsóka Zoltán, Híradástechnikai Tanszék
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem



A számábrázolás pontossága

Egy egész típusban az ábrázolás korlátai között egész számokat teljes pontossággal ábrázolhatunk.

A számegetes tetszőleges pontját ábrázolhatjuk egész típusban, csak tudomásul kell vennünk, hogy az ábrázolás nem lesz pontos.



Ha mindig a legközelebbi egész értéket választjuk, az eltérés sohasem lesz nagyobb 0,5-nél.

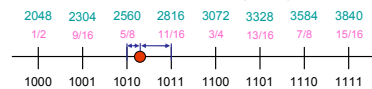
Azt mondjuk, hogy az egész típus abszolút ábrázolási pontossága 0,5



A számábrázolás pontossága

A véges hosszúságú mantissza miatt a lebegőpontos ábrázolás pontossága sem lesz korlátlan.

A normalizálás miatt a legmagasabb helyiértékű bit és az utolsó ábrázolt bit távolsága rögzített.



Az ábrázolás pontossága ilyenkor az utolsó ábrázolt bit helyiértékének a fele. (példánkban 128 illetve 1/32)

Ez az érték a szám nagyságrendjétől függ, ezért ekkor nem beszélhetünk abszolút, csak relatív ábrázolási pontosságról.

Azt mondjuk, hogy a lebegőpontos típus ábrázolási pontossága n bit